

# 入 学 試 験 問 題

## 數 學(文科)

(配点 80 点)

平成 29 年 2 月 25 日 14 時—15 時 40 分

### 注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 この問題冊子は全部で 14 ページあります。落丁、乱丁または印刷不鮮明の箇所があったら、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 3 解答には、必ず黒色鉛筆(または黒色シャープペンシル)を使用しなさい。
- 4 解答用紙の指定欄に、受験番号(表面 2 箇所、裏面 1 箇所)、科類、氏名を記入しなさい。指定欄以外にこれらを記入してはいけません。
- 5 解答は、必ず解答用紙の指定された箇所に記入しなさい。
- 6 解答用紙の解答欄に、関係のない文字、記号、符号などを記入してはいけません。また、解答用紙の欄外の余白には、何も書いてはいけません。
- 7 この問題冊子の余白は、計算用に使用してもよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 8 解答用紙は、持ち帰ってはいけません。
- 9 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。



# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

## 第 1 問

座標平面において 2 つの放物線  $A : y = s(x - 1)^2$  と  $B : y = -x^2 + t^2$  を考える。ただし  $s, t$  は実数で、 $0 < s, 0 < t < 1$  をみたすとする。放物線  $A$  と  $x$  軸および  $y$  軸で囲まれる領域の面積を  $P$  とし、放物線  $B$  の  $x \geq 0$  の部分と  $x$  軸および  $y$  軸で囲まれる領域の面積を  $Q$  とする。 $A$  と  $B$  がただ 1 点を共有するとき、 $\frac{Q}{P}$  の最大値を求めよ。

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

## 第 2 問

1辺の長さが1の正六角形ABCDEFが与えられている。点Pが辺AB上を、点Qが辺CD上をそれぞれ独立に動くとき、線分PQを $2:1$ に内分する点Rが通りうる範囲の面積を求めよ。

# 計算用紙

(切り離さないで用いよ。)

### 第 3 問

座標平面上で  $x$  座標と  $y$  座標がいずれも整数である点を格子点という。格子点上を次の規則 (a), (b) に従って動く点 P を考える。

(a) 最初に、点 P は原点 O にある。

(b) ある時刻で点 P が格子点  $(m, n)$  にあるとき、その 1 秒後の点 P の位置は、隣接する格子点  $(m+1, n)$ ,  $(m, n+1)$ ,  $(m-1, n)$ ,  $(m, n-1)$  のいずれかであり、また、これらの点に移動する確率は、それぞれ  $\frac{1}{4}$  である。

(1) 最初から 1 秒後の点 P の座標を  $(s, t)$  とする。 $t - s = -1$  となる確率を求めよ。

(2) 点 P が、最初から 6 秒後に直線  $y = x$  上にある確率を求めよ。

# 計算用紙

(切り離さないで用いよ。)

第 4 問

$p = 2 + \sqrt{5}$  とおき、自然数  $n = 1, 2, 3, \dots$  に対して

$$a_n = p^n + \left(-\frac{1}{p}\right)^n$$

と定める。以下の問い合わせよ。ただし設問(1)は結論のみを書けばよい。

- (1)  $a_1, a_2$  の値を求めよ。
- (2)  $n \geq 2$  とする。積  $a_1 a_n$  を、 $a_{n+1}$  と  $a_{n-1}$  を用いて表せ。
- (3)  $a_n$  は自然数であることを示せ。
- (4)  $a_{n+1}$  と  $a_n$  の最大公約数を求めよ。

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

# 計算用紙

(切り離さないで用いよ。)